

7

ソフトウェア工学

Software Engineering

# モデル検査

---

MODEL CHECKING

# 1 モデル検査の概要

---

並行システム：相互排他，デッドロック，スタベーションなどの現象

➡ 入出力関係に着目した「停止性＋部分正当性」のみでは正当性を言えない

➡ 振る舞い(途中の状態遷移)の考慮の必要性  
behaviors

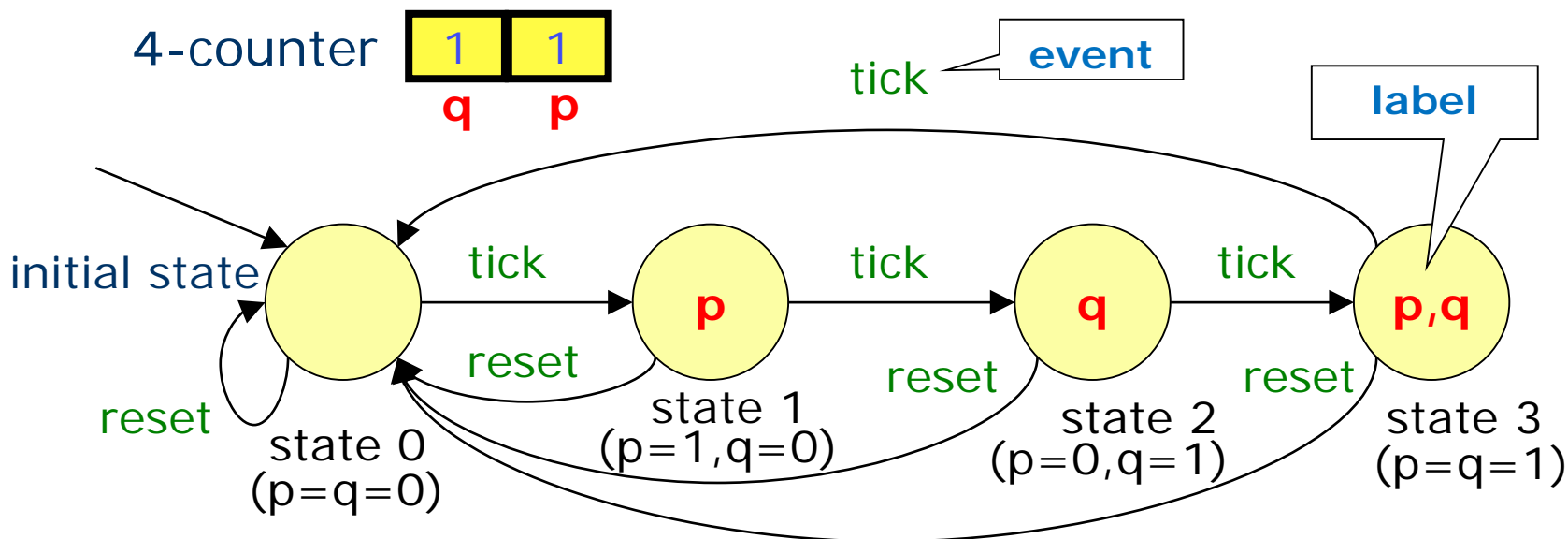
➡ モデル検査：有限状態遷移系の振る舞いの検証を自動で行う技術  
model checking

モデル = 有限状態遷移系：状態数が有限個の状態遷移系  
finite state transition system

検査 = 検証：システムが期待される性質(仕様)を満たすことの確認  
verification properties (specifications)

---

# モデル: 状態遷移系



状態遷移系は次の4項目からなる.

- 状態(ノード)の有限集合
- 初期状態の集合(ふつうは1個の初期状態)
- 遷移関係(イベントに対応する有向辺の集合. イベントが状態遷移を引き起こす)
- ラベル(各状態で真(=1)となる原子命題の集合. これにより状態を区別)

状態数は数百万くらいはOK

# 検証できる主な性質

---

モデル検査では、状態遷移系の振る舞いについて、主につぎの2つの性質を検証する

## □ 安全性 (safety)

「悪いことは決して起こらない」

例: このエレベータは、ドアが開いたまま昇降することは決してない

## □ 活性 (liveness)

「良いことはいつか必ず起こる」

例: 緊急停止ボタンを押したら、いつか必ず停止する

「0.5秒以内に」というようなリアルタイム性を調べられることも

なにが「悪いこと」で、なにが「良いこと」かは、応用目的にあわせて設計者が決定

---

# モデル検査の実手順

---

モデル検査はつぎの3ステップで実施する

- (1) **モデリング** : システムを状態遷移系として表現
  - (2) **性質の記述** : 検査したい性質を具体的に表現
  - (3) **モデル検査** : モデル検査器で自動検査
-

# (1) モデリング

---

- システムの振る舞いを表すモデル（状態遷移系）を記述する.
  - 記述には一般に、モデル記述言語を用いる.
  - モデル記述言語の分類
    - プロセス代数に基づく数理的な言語  
process algebra
    - プログラミング言語風の言語
-

## (2) 性質の記述

---

- システムが満たすべき（検査したい）**性質**を具体的に記述する.  
property
- 記述には一般的に、時間の概念を扱う**時相論理**を用いる.  
temporal logic
- 時相論理として、**LTL**と**CTL**がよく知られている.  
LTL (Linear Temporal Logic)    CTL (Computation Tree Logic)

【LTL の例】 **G(Req → F Ack)**



Reqが真になると、その後いつか必ずAckが真になる

It is **globally (always)** true that

if Req is true then in **future** Ack will be true.

---

## (3) モデル検査

---

モデルが、与えられた性質を満たすかどうか、自動的に検査する。

### モデル検査器

model checker

- 性質が成り立つ場合：検査終了
- 性質が成り立たない場合：反例（エラートレース）を出力  
counterexample (error trace)

### モデル検査アルゴリズムの基本原理

- ➡ すべての入力とすべての状態遷移列について  
振る舞いを網羅的に検査
-



# モデル検査器の例

---

- SMV, NuSMV  
カーネギーメロン大学  
IEEE Futurebus+ standardのバグ発見

- SPIN  
ベル研究所  
ACM Software System Award受賞

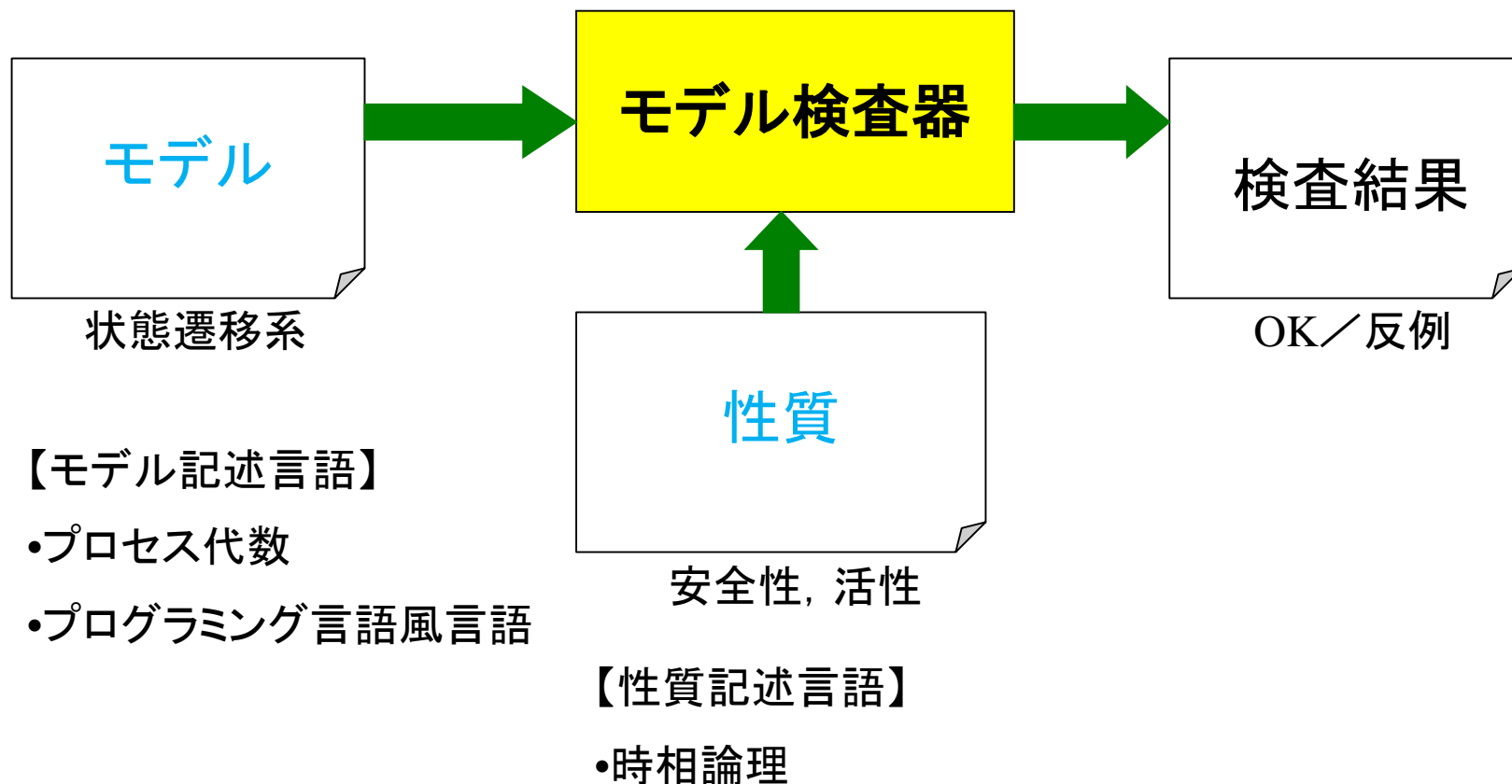
- LTSA  
ロンドン王立大学  
FSP言語(プロセス代数), アニメーション

- Java PathFinder (JPF)  
NASA  
Javaのバイトコードの検査

} きのうの授業では  
これを紹介

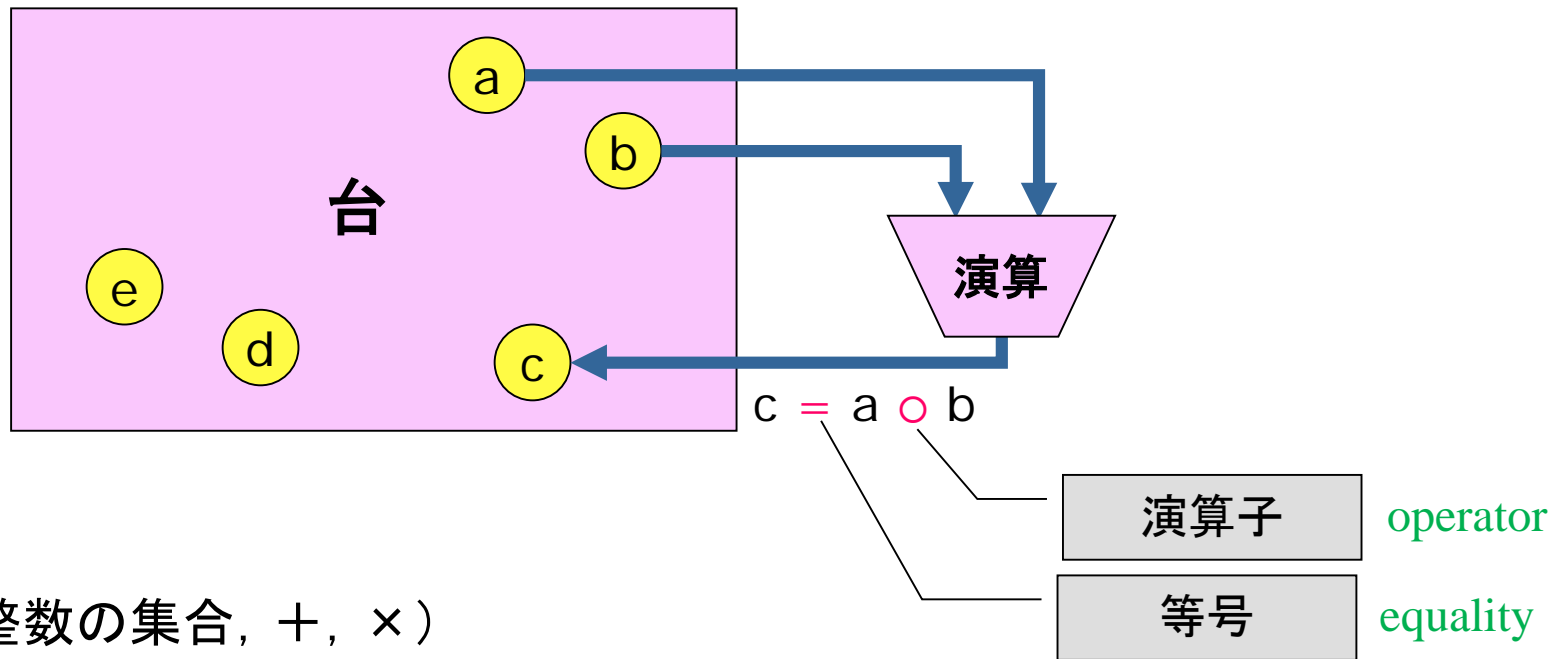
# モデル検査器の概要

---



## 2 逐次プロセスのモデリング

代数: 要素の集合(台)およびその上での演算の集まりからなる計算系  
algebra universe operation

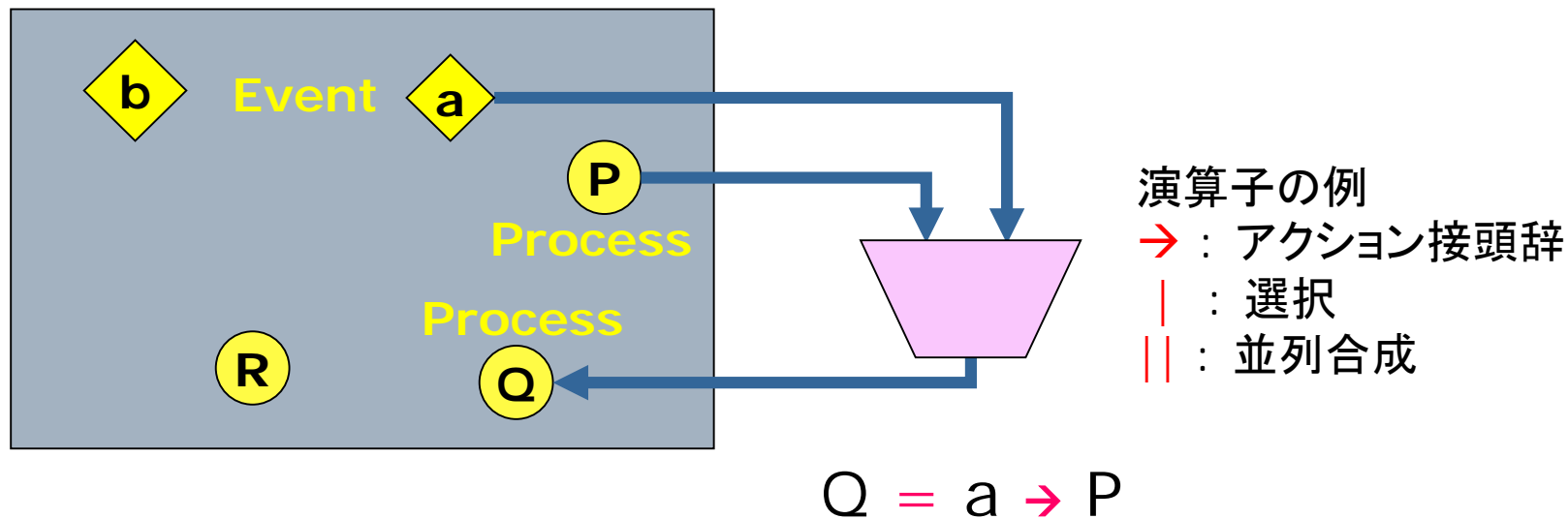


例: (整数の集合, +, ×)

process algebra

# プロセス代数

プロセス代数: プロセスやイベント等の集合を台とし,  
プロセス合成などの演算を定義した代数



action prefix

## アクション接頭辞

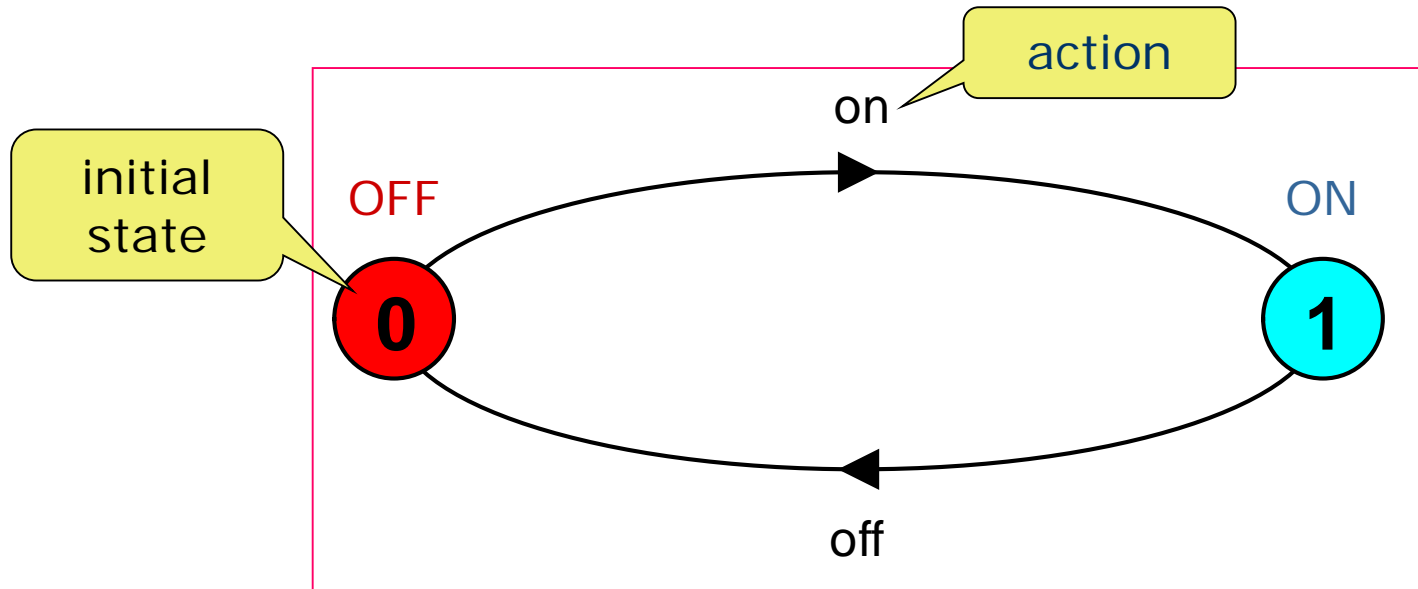
---

$(a \rightarrow P)$

最初にアクション  $a$  を実行し、つぎにプロセス  $P$  と同じ振る舞いをするプロセス.

---

# スイッチの例(1)



プロセス = 実行可能なアクションの列(トレース)の集合

OFF = { on → off → on → off → on → off → ..... }

ON = { off → on → off → on → off → on → ..... }

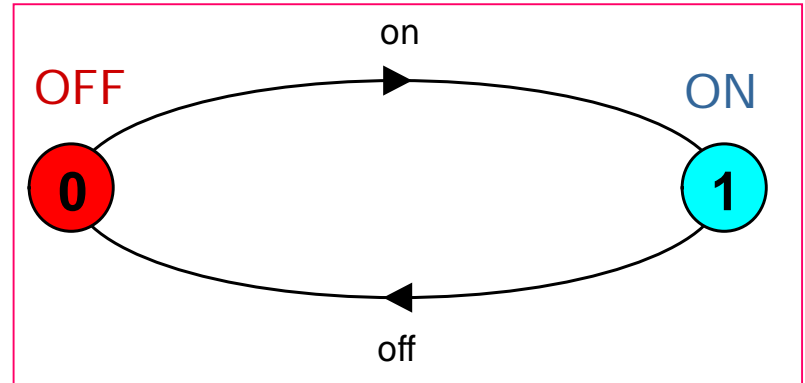
(FSP: Finite State Processes)

## スイッチの例(2) FSPによる記述

```
SWITCH = OFF,  
OFF     = (on → ON),  
ON      = (off → OFF).
```

プロセス名  
(大文字)

アクション名  
(小文字)



代入によってより簡潔な表現を得る

```
SWITCH = OFF,  
OFF     = (on → (off → OFF)).
```

```
SWITCH = (on → off → SWITCH).
```

(→ は右結合演算子)

choice

## 選択

---

$(a \rightarrow P \mid b \rightarrow Q)$

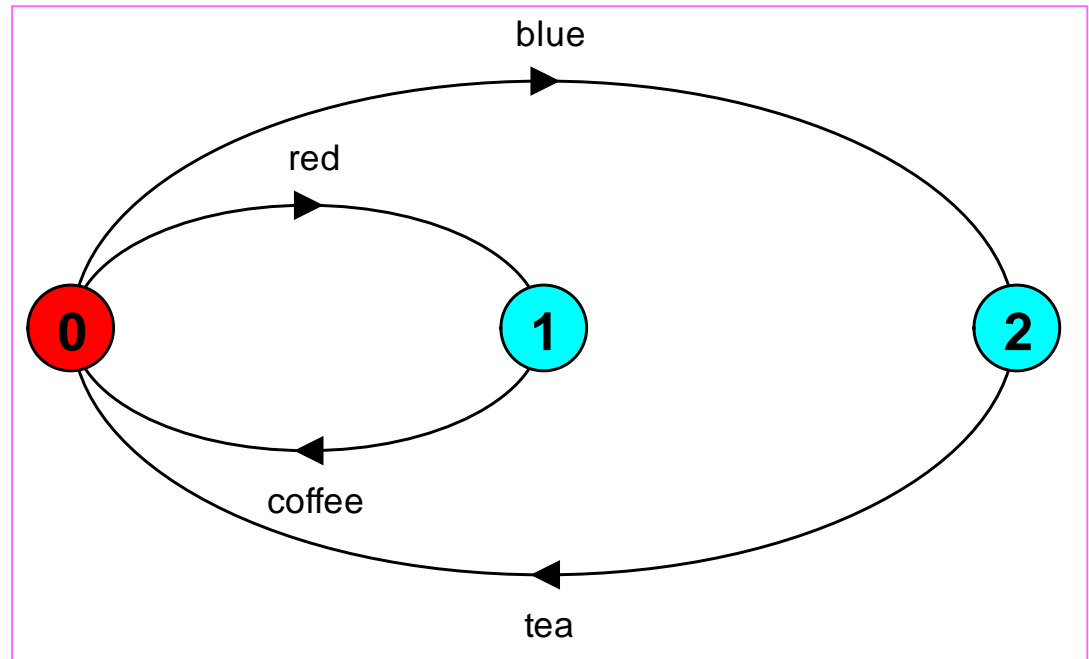
最初にアクション  $a, b$  のいずれかを実行する.  
そのアクションが  $a$  ならつぎにプロセス  $P$  を実行し,  
 $b$  ならつぎにプロセス  $Q$  を実行するプロセス.

---



# 自動販売機の例

ボタンの色で飲み物を指定



DRINKS = ( red → coffee → DRINKS  
| blue → tea → DRINKS  
).

### 3 並行プロセスのモデリング

---

#### プロセスの並列合成

$(P \parallel Q)$

プロセス  $P$  と  $Q$  の並行実行を表すプロセス。

交換則:  $(P \parallel Q) = (Q \parallel P)$

結合則:  $(P \parallel (Q \parallel R)) = ((P \parallel Q) \parallel R)$   
 $= (P \parallel Q \parallel R).$

action interleaving

# アクションのインタリーブ

プロセス間で共有されないアクションはインタリーブされる

かゆいところ  
をかく

```
ITCH = (scratch → STOP).
```

```
CONVERSE = (think → talk → STOP).
```

} 共有アクション  
無し

会話する

```
|| CONVERSE_ITCH = (ITCH || CONVERSE).
```

並列合成は || で書き始める

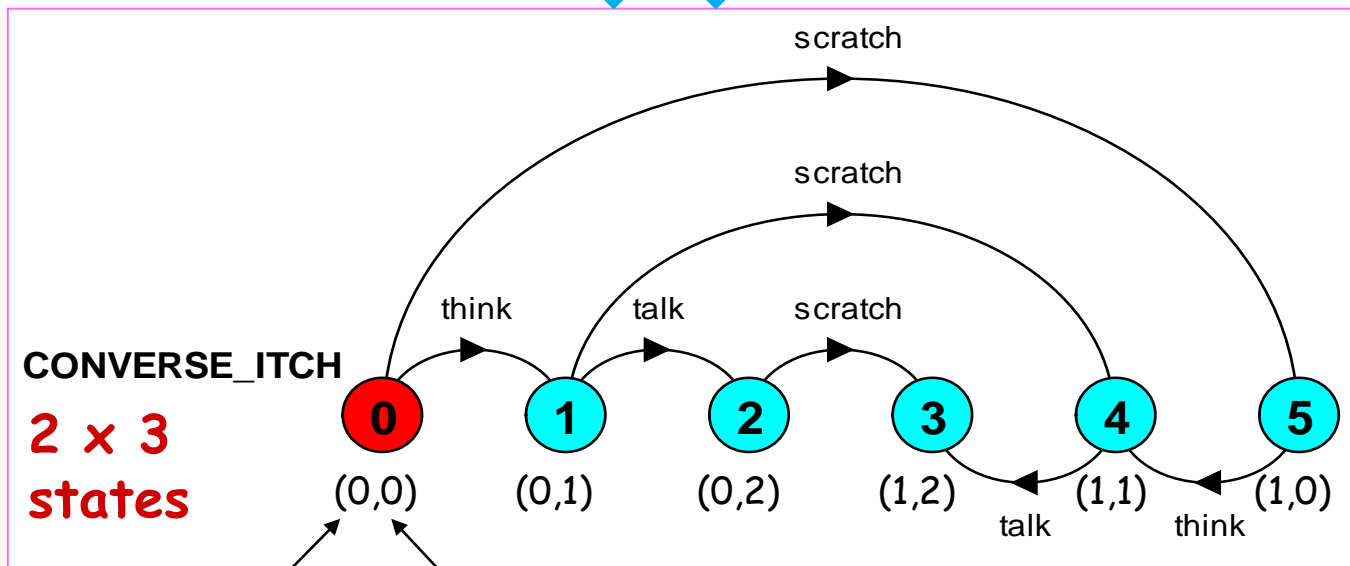
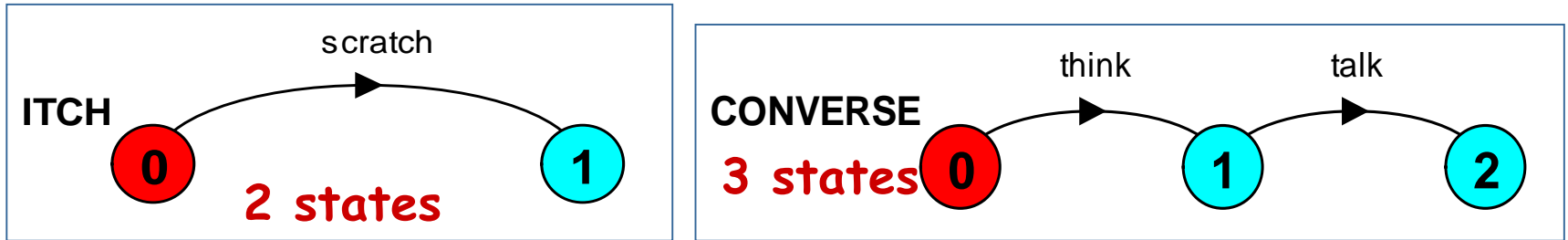
インタリーブで可能となるトレース

```
CONVERSE_ITCH = { think → talk → scratch  
                  think → scratch → talk  
                  scratch → think → talk }
```

インタリーブで不可能なトレース

```
talk → think → scratch  
talk → scratch → think  
scratch → talk → think
```

# 並列合成の結果



from ITCH

from CONVERSE

Pの状態pとQの状態qの組(p,q)が,  
P||Qの状態となる

# 共有アクションによるインタラクションと同期

---

**共有アクション**: 並列合成されたプロセスがもつ共通のアクション  
shared action

共有アクションで, プロセスの**インタラクション**(相互作用)をモデル化  
interaction

共有アクションは, それを共有する全プロセスにおいて同時に**同期**実行  
synchronization

# インタラクションの例

共有アクション  
ready, used

MAKER = (make → ready → used → MAKER).

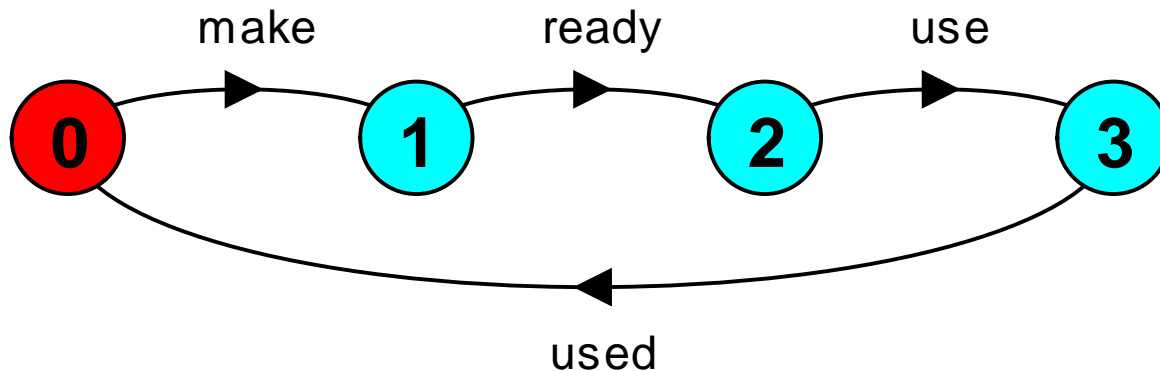
USER = (ready → use → used → USER).

|| MAKER\_USER = (MAKER || USER).

3 状態

3 状態

3 × 3 状態?



4 状態

インタラクションは  
振舞いを制約する

## 演習問題 7

---

二人のユーザーを表すプロセス USER\_A, USER\_B,  
共有資源を表すプロセス RESOURCE,  
それらを並列合成したプロセス RESOURCE\_SHARE  
が、つぎのように定義されている。

USER\_A = (a\_acquire -> a\_use -> a\_release -> USER\_A).

USER\_B = (b\_acquire -> b\_use -> b\_release -> USER\_B).

RESOURCE = IDLE,

IDLE = (a\_acquire -> BUSY | b\_acquire -> BUSY),

BUSY = (a\_release -> IDLE | b\_release -> IDLE).

|| RESOURCE\_SHARE = (USER\_A || USER\_B || RESOURCE).

ユーザーAが資源を獲得(a\_acquire)しているときにはユーザーBは資源を獲得(b\_acquire)できない仕組みになっていることを説明しなさい。

また、これら4つのプロセスの状態遷移系をそれぞれ描画しなさい。

---